COMPUTER TECHNOLOGY AND DEVELOPMENT

基于正交化方法的页岩裂缝电特性仿真研究

郭 晨¹, 雷阳艳^{1*}, 凌博闻²
(1.长安大学 信息工程学院, 陕西 西安 710064;
2.中国科学院 力学研究所, 北京 100190)

摘 要:页岩储层中富含裂缝网络,是自然和人工综合作用的结果。现有的预测储层电特性的理论模型大多基于均一介 质假设,对非均一介质电特性的预测精度较低,很难应用于裂缝网络密集储层的高精度反演。基于正交化方法,该文借助 计算机仿真技术对二维裂缝网络进行建模。在保持等效电参数不变的条件下,将复杂裂缝网络结构映射到正交主裂缝和 非均一性介质形成的简化正交结构上。在简化二维裂缝网络计算的同时,正交结构还保留了裂缝网络原有的连通性。为 了验证正交化方法在升尺度中的应用,将裂缝网络分割为若干个区域并依次正交化,得到的正交模型和裂缝网络的电参 数值进行对比。结果分析表明,正交模型的介电参量值与原裂缝网络相差较小,而传统理论模型进行的升尺度获得的结 果与原裂缝网络比较相差较大,证实了正交化方法在复杂裂缝网络升尺度中的适用性。本仿真模拟实验从正交化方法可 行性、精度和计算效率等方面研究了其在含裂缝网络储层中的应用前景,展现了正交化方法在页岩储层升尺度和电特性 模型构建中的潜力。

关键词:计算机仿真建模;电特性;有限元法;电学张量;正交模型 中图分类号:TP39 文献标识码:A 文章编号:1673-629X(2023)05-0016-06 doi:10.3969/j.issn.1673-629X.2023.05.003

Simulation Research on Electrical Characteristics of Shale Fractures Based on Orthogonalization Method

GUO Chen¹, LEI Yang-yan¹*, LING Bo-wen²

(1.School of Information Engineering, Chang' an University, Xi' an 710064, China;2.Institute of Mechanics, Chinese Academy of Sciences, Beijing 100190, China)

Abstract: Shale reservoirs are rich in fracture networks, which are the result of a combination of natural and artificial interactions. Most of the existing theoretical models for predicting the electrical properties of reservoirs are based on the assumption of homogeneous media. The prediction accuracy of the electrical properties of heterogeneous media is low, which is difficult to apply to high-precision inversion of reservoirs with dense fracture networks. Based on the orthogonalization method, we employ computer simulation technology to model the two-dimensional fracture network. Under the condition of keeping the equivalent electrical parameters unchanged, the complex fracture network structure is mapped to the simple orthogonal structure formed by the orthogonal main fractures and the heterogeneous media um. While simplifying the calculation of the two-dimensional fracture network, the orthogonal structure also retains the original connectivity of the fracture network. In order to verify method in upscaling, the fracture network is divided into several regions and orthogonalized in sequence. Then, the application of the orthogonalization obtained orthogonal model is compared with the electrical parameter values of the fracture network. The error analysis shows that the dielectric parameter values of the orthogonal model are slightly different from the original fracture network. Compared with traditional upscaling method, the results confirm that the orthogonalization method has shown great potential in the aspects of its feasibility, accuracy and computational efficiency.

Key words: computer simulation modeling; electrical characteristics; FEM; electrical tensor; orthogonal model

收稿日期:2022-07-02 修回日期:2022-11-09

基金项目:国家自然科学基金面上项目(41874140,42074170);中国石油勘探开发研究院地球物理重点实验室开放基金资助课题(2022-KFKT-24)

作者简介:郭 晨(1984-),女,教授,博士,研究方向为电磁地球物理建模与仿真、智能化数字岩芯分析;通讯作者:雷阳艳(1996-),女,硕士 研究生,研究方向为有限元法的建模仿真、电磁原理与仿真。

0 引 言

在科学技术快速发展的背景下,计算机技术应用 于各行各业,尤其在科研方面发挥极大的优势。近年 来,随着人口数量及能源需求量的不断增长,急需开采 出更多有价值的能源。页岩油气的巨大储量和成功案 例,使其勘探开发技术成为研究的热点。然而实际的 开采工作受环境、天气等各种因素限制,不能够实时快 速获得实际储层数据。通过计算机仿真技术对实际情 况进行理论建模,可以快速高效地解决实际工程中的 复杂问题,也为实地勘探工作提供了理论依据^[1]。

复杂的页岩裂缝网络在结构上具有随机性,其分 布也存在多尺度特征[2-4],这为研究模型的建立带来 一定挑战。2014年, Gale 等人^[5] 通过对 18 种不同的 岩样观察统计,得到了裂缝开度与特定开度裂缝在一 定观测范围内出现的数量(即裂缝频数)之间的幂律 关系。他们的研究结果表明,页岩中的裂缝网络普遍 遵循这一幂律关系,不同页岩样本的区别体现在幂律 参数上,这为建立符合页岩裂缝网络分布规律的模型 提供了理论依据^[6-7]。2018年, Han 等人^[8]通过计算 机数值模拟和理论模型为模拟多孔岩石的介电特性提 供了一种互补的方法。2019 年, Han 和 Matthew 等^[9] 进一步研究了定向裂缝在合成岩石中的等效介电特 性,揭示了其在不同频率范围内发生的极化机制。 2020年,刘婉萍等人^[10]利用计算机仿真技术对页岩内 部进行建模,得到了不同结构的页岩在其介电特性上 呈现不同的规律,同时表明椭球内含物在不同方向呈 现较强的各向异性。2021年,范珍珍等人[11]采用计算 机模拟的方法提出使用二阶电学张量矩阵对裂缝模型 的电各向异性进行分析。计算机模拟的运移和张量形 式的电特性为研究裂缝网络非均一性提供了新的 方法。

现有的预测储层电特性的理论模型大多基于均一 介质假设,对非均一介质电特性的预测精度较低,因此 很难应用于缝网密集储层的高精度反演。针对裂缝网 络的特点,该文基于有限元仿真建模,使用了正交化方 法,通过计算机平台设计了正交结构单元的相关参数, 将裂缝网络在主方向的电特性映射到正交主裂缝和非 均一性介质形成的简化正交结构上。通过该数值模拟 实验设计的正交结构能够较好地还原原裂缝网络的电 特性。

1 理论方法

1.1 裂缝宽度与尺寸分布关系理论

Gale 等人^[5]得到裂缝宽度 b(毫米) 与其对应的 频数 f 之间的幂律关系:

$$f = Kb^{\gamma}$$

在天然岩石裂缝构造中,裂缝的数量随着岩石裂 缝宽度的增大而减小,故 K 值定量地描述了裂缝宽度 与其对应数量的关系,Gale 等人的工作中已经证实不 同类型的岩石的 K 值不同。

1.2 各向异性介质的介电张量分析

电磁场媒质的本构方程可以表现为以下形式:

$$\vec{D} = \varepsilon \vec{E} \tag{2}$$

其中, E 表示电场强度(伏特/米), D 为电位移矢量 (库伦/平方米), e 为介电常数(法拉/米)。在各向同 性假设下,介电常数 e 一般认为是标量;但是对于含有 复杂裂缝网络的页岩模型,每个方向呈现不同的电特 性,因此其介电特性应保留张量形式。本工作中,对于 二维页岩裂缝模型的等效介电常数的张量表示形 式为:

$$\begin{pmatrix} D_{xx} & D_{xy} \\ D_{yx} & D_{yy} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \varepsilon_{xx} & \varepsilon_{xy} \\ \varepsilon_{yx} & \varepsilon_{yy} \end{pmatrix} \begin{pmatrix} E_{xx} & E_{xy} \\ E_{yx} & E_{yy} \end{pmatrix}$$
(3)

在计算介电常数的张量值过程中,对上式进行求 逆,可得到:

$$\begin{pmatrix} \boldsymbol{\varepsilon}_{xx} \ \boldsymbol{\varepsilon}_{xy} \\ \boldsymbol{\varepsilon}_{yx} \ \boldsymbol{\varepsilon}_{yy} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} D_{xx} \ D_{xy} \\ D_{yx} \ D_{yy} \end{pmatrix} \begin{pmatrix} E_{xx} \ E_{xy} \\ E_{yx} \ E_{yy} \end{pmatrix}^{-1}$$
(4)

1.3 传统理论模型与升尺度方法

1.3.1 Lorentz-Lorenz, Clausius-Mossotti (LLCM)

基于内含物分布的稀疏假设,Lorentz-Lorenz和 Clausius-Mossotti提出以下公式,用于计算两种成分 的混合物的等效介电常数。

$$\frac{\varepsilon_{\text{eff}} - \varepsilon_1}{\varepsilon_{\text{eff}} + 2\varepsilon_1} = \frac{\varepsilon_2 - \varepsilon_1}{\varepsilon_2 + 2\varepsilon_1} (1 - \varphi)$$
(5)

其中, ε_1 是内含物的介电常数, ε_2 是背景介质的介电 常数, φ 是孔隙度。

$$\varphi = \frac{1 \text{ } 你 \Phi \pi}{6 \text{ } \Phi \pi} \tag{6}$$

1.3.2 The Complex Refractive Index Method (CRIM)

复折射率法(CRIM)是假设混合物的复折射率是 所有组分的复折射率的体积分数总和。根据这个原 理,计算由水、岩石骨架组成的两相介质等效介电常数 的 CRIM 公式如下:

$$\sqrt{\varepsilon_{\text{eff}}} = \varphi S_w \sqrt{\varepsilon_1} + (1 - \varphi) \sqrt{\varepsilon_2} \tag{7}$$

其中, ε_1 是水的介电常数, ε_2 是岩石骨架的介电常数, φ 是孔隙度。

1.3.3 升尺度方法

升尺度方法是一种将小尺度的实验观察数据或者 参数转换为在大尺度下通过数值模拟得到新参数的方 法。图1所示为页岩裂缝的升尺度过程,图1(b)是将 图1(a)裂缝页岩模型网格剖分为4×4的网格模型, 图1(c)将分割后的每一个小网格的裂缝模型升尺度

(1)





1.4 数值模拟方法

目前常用于分析岩石物理特性的数值计算方法有 有限差分方法^[12](FDM)、有限元法^[13](FEM)以及边 界元法^[14](BEM)等。由于页岩裂缝网络呈现较强的 各向异性,结构复杂且不规则,对于网格剖分精度和速 度有着较高要求,因此,该文选择了基于 FEM 方法的 COMSOL Multiphysics[®]进行计算机建模与仿真分 析^[15]。COMSOL Multiphysics[®]多物理仿真软件是一 种基于高级数值方法的软件,用于建模和模拟多物理 场问题,具有强大的数据后处理能力。有限元法的实 现需要三个阶段:前期处理阶段、计算求解阶段以及后 期处理阶段。前期处理阶段是进行几何建模、材料的 选择以及网格剖分;计算求解阶段是求解微分方程或 微分方程组;后处理阶段是对所求的数据进行可视化 以及误差分析,最后利用 MATLAB 软件进行数据 处理。

2 正交化映射和正交结构设计

本实验首先通过电学特性(介电张量)将原复杂 页岩模型映射到正交主裂缝上,保留了原有裂缝的连 通性。如图2所示,在第一象限与第三象限添加了相 同长径比的旋转椭球,来体现原有裂缝的各向异性。 图2(a)、(b)、(c)为原裂缝网络的正交化过程,图2 (a)、(d)、(c)为传统电特性升尺度模型。不同于电特 性模型,在已知孔隙度的基础上,仅从理论公式上求解 原裂缝模型的电特性,无法将裂缝网络的其他物性特 征体现出来。该正交单元结构以电特性为依据,在保 留连通性的基础上,也体现出了原裂缝的各向异性特 征,同时简化了原复杂裂缝模型,大大提升了计算 效率。



图 2 裂缝网络的正交化与等效正交结构

图 2(b) 正交映射的两个垂直矩形的几何参数能 够控制 ε_{xx} 和 ε_{yy} 两个介电参量值,使其与裂缝网络的 介电参量值相等。图 3(a) 和(b)分别表示改变水平矩 形的长度和宽度时,其两个介电参量的变化情况。从 图中可以清晰地观察到:只有 ε_{xx} 介电参量值变化幅度 较大, ε_{yy} 变化幅度不明显。同理可以得到改变垂直矩 形的长度和宽度可以控制 ε_{yy} 介电参量的变化,图 4 (a) 和(b)分别表示改变垂直矩形框的长度和宽度时, 其两个介电参量的变化情况。





由于椭球在不同电场方向上呈现不同的物理特性,因此为了保留原始自然裂缝的电各向异性特征,在 正交结构中加入了具有较强各向异性的内含物(椭球)。图 5(a)和(b)分别是随着第一象限和第三象限 椭球旋转角度的变化, ε_x 和 ε_y 介电参量的变化情况。 通过改变图 2(b)正交映射的不同几何参数使其与原 复杂裂缝网络模型的介电参量值相等。由于介电常数 表征一个介质的重要物理属性,不同的介质的介电常 数值不同。可以根据第一象限和第三象限椭球的几何 参量分别求出它们对应的介电常数矩阵,再将第一象限和第三象限的椭球等效为其介电常数矩阵对应的介质,这样便得到如图2(c)所示的正交结构单元。图5(a)和(b)分别是 ε_{xx} 和 ε_{yy}两个介电参量的介电常数随椭球角度变化的情况。随着椭球旋转角度变化时,两个介电参量值都会有一个最大值和最小值。当第一象限和第三象限同时取最大值或最小值的介电参量矩阵时,代入图2(b)的正交映射中,便可以得到正交结构单元介电参量的取值范围。由于第二象限和第四象限的小圆球的半径比较小,对整体等效介电常数的影响很小可以忽略不计,因此可以将其等效为背景介质。

本工作基于正交化方法面向含裂缝页岩模型的电 参数计算,将裂缝网络电特性映射到正交主裂缝和非 均一性介质形成的正交结构上,如图 2(a)、(b)、(c) 所示。传统电特性模型(LLCM 和 CRIM 经典理论公 式)只能根据公式求解出其电参数值,然而无法精确 地体现出页岩裂缝网络的裂缝形态以及连通性等物性 特征,如图2(a)、(d)、(e)所示。该正交化方法在简 化复杂缝网计算的同时,保留了裂缝网络原有的连通 性。以裂缝网络的等效介电张量为依据,分别了定义 了正交结构中主裂缝和基质的特性,并在此基础上在 正交结构中加入各向异性内含物,体现原裂缝网络的 各向异性特征,同时也能够获得正交结构等效介电特 性的上下界,且上下边界能够包含原裂缝网络的电特 性,为正交化方法的可行性提供了支撑,图 5(a)、(b) 为椭球旋转时可以得到介电常数的上下界范围。该方 法也简化了原复杂裂缝模型,大大提升了计算效率。



3 计算机数值模拟实验

3.1 仿真模型建立及裂缝正交化

在实际勘探中,页岩网络裂缝分布错综复杂,受到 沉积作用以及外力的挤压,形成了孔径与长度不一的 天然裂缝。为了从电特性上系统地分析网络裂缝形态 对模型电各向异性的影响规律,该文根据不同类型岩 石幂律关系下的不同*K*值,通过 COMSOL Multiphysics[®] 计算机仿真软件模拟得到不同*K*值的 裂缝网络模型。相关的实验硬件选取及实验设置: CPU 处理器是 Intel(R) Core(TM) i7-6700 CPU @ 3. 40 GHz 3.41 GHz, 64 位操作系统; COMSOL Multiphysics[®] 多物理场软件为 COMSOL 5.6 版本。在 COMSOL Multiphysics[®] 中创建二维几何结构,图 6 (a)、(b)、(c)分别表示 K 值为 10、7、5 的二维岩石模 型, K 值越大,裂缝数量越多。图 6(d)为网格剖分图, 通过网格剖分为小单元格可以有效地计算电参数。



图6 二维岩石裂缝模型

实验使用 COMSOL Multiphysics[®] 仿真软件建立 K 值为 7 的二维裂缝模型,研究静电场对复杂页岩裂 缝模型的影响,如图 6(b)所示。再设置每一相的材料 属性,其中复杂裂缝内含物为水介质(介电常数设为 80),背景介质为岩石(介电常数设为4)。外部基体是 边长为 70 mm 的正方形,内部不同宽度的线条代表不 同孔径大小的裂缝,图 6(b)中不同宽度的线条分别代 表 2 mm、0.8 mm、0.4 mm、0.2 mm 不同孔径大小的裂 缝。由于页岩裂缝呈现各向异性特征,故电位移矢量 和电场强矢量之间与介电张量相关联。当在一个方向 上加载电压时,只能得到一个介电常数的分量值。为 了求得介电常数的 4 个分量值,则分别从 X 方向和 Y 方向加载两次静电场(10 V 电压),如图 7 所示。图 7 (a)和图 7(b)分别为 X 和 Y 方向加载电压示意图,图 7(c)和图 7(d)分别为 X 和 Y 方向电场图。



为了验证正交方法在升尺度中的应用,本实验先 将网络裂缝网格剖分为4个区域并依次正交化,并放 入图1所示的升尺度结构中,得到图8的正交化升尺 度过程。如图8所示,图8(a)为K值为7的裂缝模 型,图8(b)为分割四个区域的裂缝网络,图8(c)为升 尺度正交结构。本实验将升尺度正交结构的电参数和 原裂缝网络的结果进行比较,验证正交方法在升尺度 过程中的可行性。



2建模型 (b)2×2 分割网络模型 (c)止父侯; 图 8 正交模型在升尺度中的应用

3.2 传统升尺度模型

当给定页岩裂缝模型的同时也确定了它的K值和 介电参量。为了更加精细表征每一块裂缝的物性特征,按图2(d)所示方法,将图6中K值为7的原复杂 裂缝模型通过网格剖分为四个等面积的小尺度裂缝网 络。先分别求出每个网格的孔隙度,再通过与传统电 特性理论模型相结合求出每一块的介电参量值,将其 代入图2(e)对应的四个块状区域里面,则完成了从小 孔隙裂缝网络到大块状网络的升尺度过程。文中电特 性理论模型采用了LLCM和CRIM传统模型。将图2 (d)中求出的四个区域的孔隙度分别带入到公式(5) 和公式(7)中求出四个区域的介电参量,接着将其结 果带入图2(e)的升尺度模型,求其整体的介电参量 值,这样便可以得到LLCM和CRIM传统升尺度模型 的介电参量值,再与原始裂缝的介电参量值进行对比。

4 结果和分析

图9分别为正交结构的 ε_{xx} 和 ε_{yy} 介电参量的上下 界取值范围,并与原裂缝的介电参量值进行比较。从 图中可以得到原裂缝的 ε_{xx} 和 ε_{yy} 两个介电参量值均落 在正交结构的上下界之间,这表明了正交结构能够较 高地还原原裂缝的电特性;上下界包含原裂缝网络的 电特性值,证明了该正交结构的可行性。



图9 正交结构单元不同介电参量值的取值范围

图 10 为原裂缝模型介电常数与正交升尺度模型 和传统升尺度模型(LLCM 和 CRIM)的介电常数对 比。从图 10 可以看出,正交升尺度模型的介电参量值 与原裂缝模型的误差较小,相对误差值为 1%。而传 统电参数升尺度模型(LLCM 和 CRIM)与原裂缝模型 误差较大,相对误差值分别为 53%和 61%。该结果表 明,相对于传统电特性模型,复杂裂缝网络更加适用于 升尺度过程。



图 10 不同模型与原裂缝模型的相对误差值

5 结束语

该文利用计算机仿真技术对特定 K 值下的复杂裂 缝网络进行建模。实验使用了正交化方法,将原始裂 缝网络在主方向的电特性映射到正交结构的主裂缝。 为了保留原始裂缝的各向异性特征,在此正交结构的 基础上加入了各向异性内含物椭球,可以获得正交结 构等效电特性的上下界。结果表明正交结构的上下界 能够包含原裂缝网络的电特性,为正交化方法的可行 性提供了理论支撑。

同时为了验证该方法的可行性和适用性,分别将 分割后的正交结构和传统电参数理论模型在升尺度方 法中应用,并与原裂缝网络的电参数值进行比较,结果 表明正交升尺度模型的电参数值与原裂缝网络值误差 较小,而传统电参数模型的电参数误差值较大。本实 验结果突出正交化方法在页岩储层升尺度和电特性模 型构建中的潜力。

参考文献:

- [1] 郭 晨,马念茹.基于计算机仿真技术的混合介质电特性 研究[J].计算机技术与发展,2020,30(6):177-180.
- [2] WEI Yunsheng, WANG Junlei, YU Wei, et al. A smart productivity evaluation method for shale gas wells based on 3D fractal fracture network model[J].Petroleum Exploration and Development, 2021, 48(4):911-922.
- [3] 史 璨,林伯韬.页岩储层压裂裂缝扩展规律及影响因素 研究探讨[J].石油科学通报,2021,6(1):92-113.
- [4] LIU J S, DING W L, XIAO Z K, et al. Advances in comprehensive characterization and prediction of reservoir fractures
 [J]. Progress in Geophysics (in Chinese), 2019, 34(6): 2283-2300.
- [5] GALE J F W, LAUBACH S E, OLSON J E, et al. Natural fractures in shale: a review and new observations [J]. AAPG Bull, 2014, 98:2165-2216.
- [6] HAN T C, BELOBORODOV R, PERVUKHINA M, et al. Theoretical modeling of dielectric properties of artificial shales[J].Hindawi Geofffluids, 2018, 2018(108):1-12.
- [7] LU C, LU Y, GOU X, et al. Influence factors of unpropped fracture conductivity of shale [J]. Energy Science and Engi-

neering, 2020, 8(6): 2024-2043.

- [8] HAN T C, YANG Y S.Numerical and theoretical simulations of the dielectric properties of porous rocks[J].Journal of Applied Geophysics, 2018, 159:186–192.
- [9] HAN T C, MATTHEW J, LIU H Q.Effects of aligned fractures on the Dielectric properties of synthetic porous sandstones[J]. Journal of Petroleum Science and Engineering, 2019,172;436-442.
- [10] 郭 晨,刘婉萍.基于有限元法的裂缝页岩计算机建模仿 真研究[J].计算机技术与发展,2020,30(6):119-123.
- [11] 范珍珍,郭 晨,刘婉萍,等.基于电张量矩阵分析裂缝形态对页岩模型等效电特性的影响[J].地球物理学进展, 2020,36(5):2168-2177.
- [12] 李尚坤,李燕龙,王俊义,等.基于时域有限差分和非参数 核回归的室内移动通信干扰信号预测模型研究[J].计算 机应用研究,2017,34(4):1213-1216.
- [13] 牛 骏,苏建政,严 侠,等.基于嵌入式离散裂缝和扩展 有限元的裂缝性页岩油藏流固耦合高效数值模拟方法 [J].科学技术与工程,2020,20(7):2643-2651.
- [14] 马天寿,陈 平.应用边界元法分析页岩地层井眼坍塌问题[J].中南大学学报,2016,47(3):839-849.
- [15] 王 伦,范珍珍,郭 晨,等.基于有限元法的材料电特性 计算机仿真研究[J].计算机技术与发展,2022,32(6):145-149.