

秦承帅,孙洪斌,李利平,等.复合冲击作用下 PDC 钻齿破岩过程连续-非连续数值模拟研究[J].煤田地质与勘探,2023, 51(9):109-120. doi: 10.12363/issn.1001-1986.23.05.0293

QIN Chengshuai, SUN Hongbin, LI Liping, et al. Continuous and discontinuous numerical simulation of the rock breaking process of PDC drill bit under composite impact[J]. Coal Geology & Exploration, 2023, 51(9): 109–120. doi: 10.12363/issn. 1001-1986.23.05.0293

# 复合冲击作用下 PDC 钻齿破岩过程连续-非连续数值 模拟研究

秦承帅<sup>1</sup>, 孙洪斌<sup>2</sup>, 李利平<sup>1</sup>, 刘学港<sup>1</sup>, 刘知辉<sup>1</sup>, 冯 春<sup>3</sup>, 孙子正<sup>1,4</sup> (1. 山东大学 齐鲁交通学院,山东 济南 250002; 2. 山东铁路投资控股集团有限公司,山东 济南 250001; 3. 中国科学院力学研究所,北京 100084; 4. 山东大学 深圳研究院,广东 深圳 518057)

摘要:复合冲击钻进是兼具轴向和扭转2个维度冲击的新型破岩技术,针对岩石在聚晶金刚石复合 片钻头(Polycrystalline Diamond Compact, PDC)钻齿轴向-扭转2个方向冲击作用下破坏机制复杂、 复合冲击破岩机理不清晰等问题,基于连续-非连续分析方法(Continuous Discontinuous Element Method, CDEM), 建立基于共享节点的 FEM-DEM 岩石模型, 再通过室内单轴压缩实验验证该计算 模型的合理性。基于 JavaScript 二次开发,建立单钻齿复合冲击运动模型,并模拟 PDC 单钻齿在正 弦函数下的复合冲击破岩过程。通过对岩屑、径向剪切裂纹、侧向裂纹和侧向主裂纹等形成过程的 分析,揭示岩石在复合冲击作用下的破坏规律。在此基础上,建立单钻齿复合冲击切削力学模型, 开发适用于分析复合冲击破岩钻进的连续-非连续数值算法,分析不同切削深度、前倾角度、轴向冲 击速度、扭转冲击速度下的破岩效果,探讨不同钻齿参数下的切削力和破岩规律。结果表明:复合 冲击作用下钻齿前方和下方岩石均发生大体积破碎,可实现"立体破岩"效果,进而减小钻头的粘滑 效应。钻齿与岩层的接触面积、接触弧长、冲击能量的分配效果是影响复合冲击破岩效率的关键因 素。岩层的破碎体积随着切入深度的增大而增大,但钻齿所受的切削力也会同步增大;冲击角度影 响冲击能量在水平和垂直方向的分布效果,较小的前倾角度下钻齿破岩体积较大;提高轴向冲击速 度和扭转冲击速度可提高岩层破碎体积,但钻齿所受的切削力也相对较大,不利于钻具寿命的延长。 研究结果可对提高不同工况下的破岩效率、优化 PDC 钻齿设计参数、延长钻具使用寿命等提供借鉴 意义。

关 键 词:破岩;复合冲击钻进; PDC 钻齿;破岩机理;连续-非连续分析方法;数值模拟
 中图分类号:TV554 文献标志码:A 文章编号:1001-1986(2023)09-0109-12

## Continuous and discontinuous numerical simulation of the rock breaking process of PDC drill bit under composite impact

QIN Chengshuai<sup>1</sup>, SUN Hongbin<sup>2</sup>, LI Liping<sup>1</sup>, LIU Xuegang<sup>1</sup>, LIU Zhihui<sup>1</sup>, FENG Chun<sup>3</sup>, SUN Zizheng<sup>1,4</sup>

 School of Qilu Transportation, Shandong University, Jinan 250002, China; 2. Shandong Railway Investment Holding Group Co., Ltd., Jinan 250001, China; 3. Institute of Mechanics, Chinese Academy of Sciences, Beijing 100084, China; 4. Shenzhen Research Institute, Shandong University, Shenzhen 518057, China)

**Abstract:** Composite impact drilling is a novel rock-breaking technique that combines both axial and torsional impacts. To address the issues of complex failure mechanisms and unclear rock-breaking mechanisms under the axial-torsional

收稿日期: 2023-05-27; 修回日期: 2023-07-06

基金项目: 山东铁投集团科研项目(TTKJ2021-06); 深圳市科技计划项目(GJHZ20200731095006019); 济南重工集团有限公司科研项 目(JtZlgh-2020-007); 山东省自然科学基金青年项目(ZR2022QE021)

第一作者:秦承帅,1993年生,男,山东临沂人,博士研究生,研究方向为地下工程智能建造与灾害防控.E-mail: qinchengshuai@mail.sdu.edu.cn 通信作者:孙子正,1988年生,男,山东临沂人,博士,副研究员,从事隧道地下工程智能建造与灾害防控领域研究.E-mail: zizheng.sun@sdu.edu.cn

impacts on rock by Polycrystalline Diamond Compact (PDC) drill bits, a FEM-DEM rock model based on shared nodes was established using the Continuous Discontinuous Element Method (CDEM), and the rationality of this computational model was verified through laboratory uniaxial compression experiments. Besides, a composite impact motion model for single drill bit was built through the secondary development of JavaScript, and the composite impact rock-breaking process of single PDC drill bit under a sine function was simulated. In addition, the failure patterns of rock under composite impact were revealed by analyzing the formation processes of rock fragments, radial shear cracks, lateral cracks, and lateral main cracks. Based on this, a mechanical model for the penetrating force of a single drill bit under the composite impact was established, and a continuous-discontinuous numerical algorithm suitable for the analysis of rock-breaking drilling under composite impact was developed. Meanwhile, the rock-breaking effects under different penetration depths, rake angles, axial impact velocities and torsional impact velocities were analyzed, and the penetrating force values and rock-breaking patterns under different drill bit parameters were discussed. The results show that: composite impact is a process that fully integrates the advantages of axial and torsional impacts, which optimizes the energy distribution of the entire drilling system. Under the composite impact, the rock in front of and below the drill bit is extensively fragmented, achieving a "three-dimensional rock-breaking" effect and reducing the stick-slip effect of the drill bit. Definitely, the contact area, the contact arc length and the distribution of impact energy between the drill bit and the rock formation are the key factors affecting the efficiency of rock breaking by composite impact. Specifically, the rock breaking volume increases with the increasing drilling depth, but the penetrating force applied to the drill bit also increases simultaneously. The impact angle will affect the horizontal and vertical distribution of impact energy, and a greater volume of rock would be broken by the drill bit at a small rake angle. Increasing the axial and torsional impact velocities could increase the rock breaking volume, but a larger penetrating force may be applied to the drill bit, which is unfavorable to extend the service life of the drill bit. Generally, the research results are of referential significance for improving the rock-breaking efficiency under different working conditions, optimizing the design parameters of PDC drill bit, and extending the service life of the drill bit.

**Keywords:** rock breaking; composite impact drilling; PDC drill bit; rock breaking mechanism; Continuous-Discontinuous Element Method (CDEM); numerical simulation

定向钻进技术具有长距离精准穿越的优势,常应 用于隧道工程地质勘察及灾害处置、煤矿底板含水层 改造等领域。伴随交通强国、"一带一路"倡议等国家 重大战略的实施,我国已成为世界上隧道建设数量、 规模最大和难度最高的国家。截至 2022 年底,我国已 建成交通隧道、水工隧洞等逾 7.69 万 km<sup>[1]</sup>,定向钻进 技术在隧道工程领域拥有广泛的发展前景。

隧道工程地质勘察与灾害处置对钻进速度要求较 高,作业迟缓会导致影响工期进度,特别是在灾害处置 过程中易造成受灾影响范围扩大,引发次生灾害等问 题<sup>[2-4]</sup>。为提高定向钻在钻进过程中的破岩效率,国内 外学者围绕轴向冲击、扭转冲击和复合冲击等新型破 岩方式进行了研究。其中,复合冲击钻进是指兼具轴 向和扭转2个维度冲击的新型破岩技术,复合冲击钻 进可实现多元"立体破岩"效果[5]。在复合冲击钻具的 研发方面,国内外众多学者研发了可实现往复扭转冲 击和高频轴向冲击的复合冲击钻具[6-8],该种钻具可在 不改变其他设备参数的基础上通过施加高频低幅的冲 击作用形式进一步提高钻进速率<sup>[9-11]</sup>。在钻头破岩机 理方面,围绕岩石的破碎过程、裂纹的萌生和扩展规 律以及岩石破碎的动力学特性等方面开展的研究较 多[12-14], 如岩石在冲击作用下的破碎区域可分为岩石 破碎区、岩石剥离区和裂纹扩展区[15-16],岩石的破碎 过程通常是单个裂纹萌生和扩展的结果,且在卸荷阶 段产生的侧向裂纹更利于岩石的去除等<sup>[17-19]</sup>。在快速 钻进破岩数值模拟研究方面,当前,围绕岩石力学所开 展的数值模拟分析方法主要分为两大类<sup>[20-22]</sup>:第一类 是以连续介质力学为代表的分析方法,如有限元法、 有限差分法等<sup>[23-26]</sup>,第二类是以非连续介质力学为代 表的分析方法,如颗粒离散元法、块体离散元等<sup>[27-28]</sup>。 当前,基于数值模拟方法开展的研究,多通过建立钻 齿-岩石动力冲击下的数值模型来分析岩石在不同钻 进参数下的破坏效果<sup>[11,29]</sup>。但连续类或非连续类的分 析方法都难以模拟岩石从连续介质到非连续介质的损 伤演化过程<sup>[30-32]</sup>。

综上,对已有成果的调研发现,复合冲击钻进技术 在提高钻进效率方面具有显著的优势。但当前的研究 成果多基于岩石受单向冲击作用下开展的,而对于钻 头在复合冲击作用下的破岩机理研究较少。笔者通过 连续-非连续分析方法,开展了聚晶金刚石复合片钻头 (Polycrystalline Diamod Compact, PDC)单钻齿复合冲 击破岩过程模拟。基于对岩石岩屑、径向剪切裂纹、 侧向裂纹和侧向主裂纹等形成过程的分析,揭示岩石 在复合冲击作用下的破坏规律。在此基础上,分析钻 齿的轴向、扭向冲击参数与齿--岩接触参数对破岩效 果的影响及冲击能量的分布效果,以期对提高破岩效 率、优化钻齿设计参数、延长钻具使用寿命等提供借鉴。

## 1 连续-非连续分析计算模型与实验验证

采用连续-非连续单元法,通过建立基于共享节点的 FEM-DEM 耦合模型,研究岩石在复合冲击作用下 从连续介质到非连续介质的损伤演化过程,并进一步 分析复合冲击作用参数对岩石的破坏影响规律。

## 1.1 连续-非连续单元法理论基础

基于连续-非连续单元法的理论基础为广义的拉格朗日方程,其能量体系<sup>[10]</sup>表达式为:

$$\frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}t} \left( \frac{\partial L}{\partial \dot{u}_j} \right) - \frac{\partial L}{\partial u_j} = Q_j \quad (j = 1, 2, \cdots, k) \tag{1}$$

式中: L为拉格朗日函数;  $u_j$ 为单元的节点位移;  $\dot{u}_j$ 为单 元的节点速度;  $Q_j$ 为系统非保守力; t 为时间。拉格朗 日函数可写为 $L = \Pi_m + \Pi_e + \Pi_f$ , 其中 $\Pi_m$ 、 $\Pi_e$ 、 $\Pi_f$ 分别为 系统动能、弹性能和势能。

广义拉格朗日方程表达式最终可表示为:

$$M\ddot{\boldsymbol{u}}(t) + C\dot{\boldsymbol{u}}(t) + K\boldsymbol{u}(t) = \boldsymbol{F}(t)$$
(2)

式中: *M*为单元质量矩阵; *C*为单元的阻尼矩阵; *K*为单元的刚度矩阵; *F*为外部荷载向量; *ü*(*t*)为单元节点的加速度; *ú*(*t*)为单元节点的速度; *u*(*t*)为节点的位移。

基于 GDEM 软件 BlockDyna 和 PDyna 模块开展 研究。GDEM-BlockDyna 模块中包含了块体和界面 2个概念,计算模型的构成如图 1 所示。块体是由一 个或多个连续介质单元组成,可用于表征连续介质体 的弹性、塑性等物理特征。界面包括真实界面和虚拟 界面两类:真实界面指 2 个块体之间真实存在的界面, 一般为固体材料的分界面、结构面和接触面等; 虚拟 界面指存在于块体单元中的潜在扩展通道, 当块体不 发生破坏时, 虚拟界面仅起到传递力的作用<sup>[11]</sup>。

颗粒动力学仿真系统(GDEM-PDyna),以颗粒离 散元方法为主。颗粒运动及受力状态如图 2 所示,通 过颗粒间的合力及合力矩的计算,进一步计算颗粒的 运动及转动状态。颗粒的合力及合力矩的计算公式为:

$$\begin{cases} F_{i} = F_{i}^{\text{DAMP}} + F_{i}^{\text{EXT}} + \sum_{j=1}^{N} \left( F^{ij} + F^{ij-\text{DAMP}} \right) \\ M_{i} = M_{i}^{\text{DAMP}} + M_{i}^{\text{EXT}} + \sum_{j=1}^{N} r_{c}^{ij} \cdot F^{ij} \end{cases}$$
(3)

式中:  $F_i$ 为颗粒 i 所受的合力;  $F_i^{\text{DAMP}}$ 为颗粒 i 所受的全局阻尼力;  $F_i^{\text{EXT}}$ 为施加在颗粒 i 上的外力;  $F^{ij}$ 为颗粒 i 和颗粒 j 间的接触力;  $F^{ij-\text{DAMP}}$ 为颗粒 i 和颗粒 j 间的接触力;  $F^{ij-\text{DAMP}}$ 为颗粒 i 和颗粒 j 间的接触力;  $M_i^{\text{DAMP}}$ 为颗粒 i 所受的合力矩;  $M_i^{\text{DAMP}}$ 为颗粒 i 所受的全局阻尼力矩;  $M_i^{\text{EXT}}$ 为颗粒 i 所受外力矩;  $\sum_{i=1}^{n_i^i} r_c^{ij} \cdot F^{ij}$ 为颗粒间的接触阻尼的力矩; N 为颗粒数。



由颗粒合力及合力矩可计算颗粒的运动状态,颗 粒的运动包含平动和转动2种,平动运动方程具体可 表示为:

$$\begin{cases} \ddot{u}_i^n = F_i^n / m_i \\ \dot{u}_i^n = \dot{u}_i^{n-1} + \ddot{u}_i^n \Delta t \\ u_i^n = u_i^{n-1} + \dot{u}_i^n \Delta t \end{cases}$$
(4)

式中: ü<sub>i</sub> 为颗粒 i 第 n 计算时步时质心加速度; ü<sub>i</sub> ü<sub>i</sub><sup>-1</sup>分 别为颗粒 i 第 n 和第 n-1 计算时步时质心速度; u<sub>i</sub><sup>n</sup> u<sub>i</sub><sup>n-1</sup> 分别为颗粒 i 第 n 和第 n-1 计算时步时质心位移; m<sub>i</sub> 为颗粒质量; Δt 为时间增量。



## 1.2 基于共享节点的 FEM-DEM 耦合模型

基于 GDEM 软件的 BlockDyna 和 PDyna 模块, 建立了基于共享节点的 FEM-DEM 耦合模型,该模型 将有限元的单元与离散元的颗粒通过共享节点进行有 机耦合,如图 3 所示。其中,共享节点承载了模型的动 能及势能,在计算过程中通过块体--颗粒耦合转化过程, 可精确模拟固体材料从连续介质到非连续介质的过渡 过程。





基于共享节点的 FEM-DEM 耦合模型的建立过 程如图 4 所示。首先,建立有限元模型;其次,基于有



图 4 基于共享节点的 FEM-DEM 耦合模型建模过程 Fig.4 Modeling process of FEM-DEM coupling model based on shared nodes

限元节点创建离散元颗粒体系;最后二者通过共享节 点进行有机耦合。

在该模型计算过程中,有限元和离散元计算体系 可分别进行独立计算,二者通过贡献因子进行有机结 合,其计算原理图如图5所示。

## 1.3 室内实验及模型验证

本文通过室内单轴压缩实验对计算模型进行试验 验证。为分析复合冲击钻头在硬岩地层的破岩效果, 以坚硬的黄砂岩为实验材料,并根据岩石力学实验规 范,采用直径为50mm、高度为100mm的标准岩石圆 柱形试件。单轴压缩实验仪器采用多功能岩石直剪实 验机。该实验机在国内外现有产品基础上采用双路交 流伺服电机驱动技术、传感器技术、微机控制技术和 软件处理技术等,可用于岩石本身及其结构面的压缩 及直剪实验。该实验机最大实验力可达300kN,力值 测量精度为±0.1%示值,位移测量精度为±0.5%示值, 该设备完全满足本实验的要求,如图6所示。





在室内实验基础上,基于建立的共享节点 FEM-DEM 耦合模型,对黄砂岩的单轴压缩破坏过程进行了 模拟分析,其建模过程如图 7 中所示。

岩石材料参数赋值见表 1。数值计算结果和室内 实验对比效果如图 8 所示,根据图中对比效果可发现, 岩石试件在数值模拟和室内实验中均发生斜截面剪切 破坏。

数值模拟和实验结果中的对比效果如图 9 所示, 岩石试件的破坏过程经历了孔隙压密、线弹性、非稳 定破坏发展、破坏后阶段,上述岩石在单轴抗压下的 损伤演化过程符合岩石力学中所描述的岩石破坏规律。 通过对比可发现,室内实验和数值模拟结果具有较好 的吻合性,同时也证明本模型在岩石损伤破坏模拟过 程中的合理性。

## 2 定向钻复合冲击破岩机制

为研究定向钻复合冲击破岩机制,基于连续-非连续分析方法,建立单钻齿复合冲击破岩模型,并对影响 复合冲击破岩规律的参数进行总结分析。

## 2.1 单钻齿复合冲击破岩模型

在复合冲击破岩钻进过程中,冲击钻具直接作用 在 PDC 钻头上,钻头同时受轴向冲击和扭转冲击的共 同作用。为了更加有效的观察岩石在复合冲击作用下 的裂纹萌生和扩展过程,建立了如图 10 所示的复合冲 击单齿侵入破岩模型,并采用线性正交切削法对岩石 进行破岩过程模拟。



Fig.6 Laboratory uniaxial compression experiment





表1 岩石材料参数

Table 1         Rock material parameter	
材料参数	数值
密度/(kg·m <sup>-3</sup> )	2 510
弹性模量/Pa	3.02×10 <sup>9</sup>
泊松比	0.27
黏聚力/Pa	19.72×10 <sup>6</sup>
抗拉强度/Pa	$1.95 \times 10^{6}$
内摩擦角/(°)	41
剪胀角/(°)	15
I型断裂能/(Pa·m)	68
Ⅱ型断裂能/(Pa·m)	93



图 8 岩石单轴压缩破坏过程模拟 Fig.8 Failure process simulation of rock under uniaxial compression

(C)1994-2023 China Academic Journal Electronic Publishing House. All rights reserved. http://www.cnki.net



图 9 数值模拟和室内实验应力-应变曲线对比 Fig.9 Comparison of stress-strain curves between numerical simulation and laboratory experiment



如图 10a 所示,该模型沿中心取纵剖面进行分析, 岩石模型的尺寸为 40 mm×23 mm(长×宽),相应地,钻 齿模型的尺寸为 10 mm×5 mm(长×宽),将刀具的后倾 角 γ 设为 15°,钻齿吃入岩层的深度设为 Δ*h*=3 mm,具 体数值模拟模型如图 10b 所示。

所建立的岩石数值计算模型如图 11 所示,首先在 商业软件 ABAQUS 中进行模型的初步构建和单元的 离散,如图 11a 所示。在网格划分时,为了保证模型的 计算精度,同时提高计算效率,因此,对岩石模型的上 半部分进行了局部加密处理,处理效果如图 11b 所示。

在网格局部加密时,为了保证加密网格的尺寸更



加符合岩石颗粒尺寸,本模型采用 0.2 mm 的网格尺寸 作为加密网格尺寸。所建立模型共含节点 11 711 个, CPS3 类型块体 23 086 个,离散元颗粒 11 711 个,颗粒 体积为 8.55×10<sup>-4</sup> m<sup>3</sup>,岩石材料模型参数与 1.2 节中的 参数保持一致。

## 2.2 复合冲击破岩模型边界条件

在模型计算过程中,将岩石的左右边界和底部边 界固定,上部边界则设定为自由边界,用于模拟岩石的 切削和岩屑的形成过程。

将刀齿设定为刚性体,在此基础上分析钻齿不考虑静载条件下的复合冲击过程。将钻头运动过程中的 复合冲击速度分解为扭转冲击速度 v<sub>x</sub>和轴向冲击速 度 v<sub>y</sub>,如图 12 所示。



图 12 复合冲击速度分解 Fig.12 Decomposition of composite impact velocity

在 GDEM 计算平台中难以通过现有的命令进行 周期性函数的施加,为分析单钻齿的复合冲击破岩过 程,本文基于 JavaScript 脚本命令对计算程序进行了 二次开发,其过程如下:

(1) 设定当前计算时间为 0。

(2) 计算前初始化设置, 核心迭代前调用 dyna.Be-foreCal() 函数。

(3) 设定 for 循环计算命令, 钻齿运动速度的改变 在此循环中实现。

(4) 通过 dyna.GetValue() 函数, 获取当前的计算 时间 Time\_Now 信息。

(5) 基于步骤(4) 获取的当前计算时间,设定钻齿 的运动速度,此时速度值为随时间变化的周期性正弦 函数,设定冲击作用周期为 2 ms,设定冲击速度分别 为 ν<sub>x</sub>=0.2sin500π, ν<sub>y</sub>=0.5sin500π, 如图 13 所示。

(6) 通过 rdface.SetElemValue() 函数,将步骤(5) 所 设定的当前运动速度赋值给钻齿。

(7) 设定模型的虚拟质量开关、时步计算的比例 因子和数据后处理监测信息等。

(8) 设定迭代求解命令,该过程为单一迭代步求解, 整个过程包含时间及时步的累加,但不包含云图信息 和监测信息输出等。

(9) 计算结束及结果推送,步骤(1)—步骤(8) 为整



个核心求解过程,该步骤则将计算信息推送至 GDEM 计算平台。

#### 2.3 复合冲击破岩规律

基于上文的数值计算模型,复合冲击破岩计算过 程分2个阶段:(1)在不施加钻齿的前阶段,将钻齿模 型设定为空模型,并对岩石模型进行自重力场的求解, 当计算的不平衡率≤10<sup>-5</sup>时结束该过程求解。(2)设 定并激活钻齿模型,同时施加设定的冲击速度,进行复 合冲击破岩过程模拟,如图 14 所示。



图 14 岩石模型自重力求解 Fig.14 Self-granvity solution of rock model

图 15 为模拟岩石在单次复合冲击作用下的破碎 过程。在初始阶段,钻齿与岩石相接触,如图 15a 所示, 在 0.23 ms 左右时,钻齿前方及下方的应力逐渐增大, 岩石进入塑性状态。在 0.62 ms 左右时,岩石开始出 现损伤破坏,并在钻齿的尖端及前方产生微裂纹,如 图 15b 所示。冲击作用的初始阶段使岩石产生初步损 伤,为后续裂纹的萌生扩展和破碎坑的形成创造了前 提条件。

随着轴向冲击速度和扭转冲击速度的增加,钻齿 开始压缩下方岩石,钻齿与岩石接触点的应力逐渐增 大,在 0.77 ms 左右时,微裂纹开始向岩石的内部进一 步扩展,如图 15c 所示。当复合冲击速度达到最大值, 在 1.13 ms 左右时,钻齿前方和下方的岩石开始发生 破碎,并形成破碎区和破碎坑,且钻齿下方的裂纹逐渐 向岩石的内部逐渐发展,如图 15d 所示。复合冲击作 用加速了裂纹的萌生和扩展,裂纹的进一步发展是破 碎坑形成的主要原因。



在 1.22 ms 左右时, 如图 15e 所示, 由于岩石内部 积累的能量被迅速释放, 岩石的最大应力集中于破碎 区附近, 此时, 内部裂纹逐渐扩展延伸到岩石表面, 形 成侧向裂纹和剪切裂纹, 钻齿下方的岩石被压缩破坏, 形成较大的岩石碎屑和破碎坑。岩石由于张拉破坏形 成的裂纹扩展到岩石表面, 进一步加大了岩石破碎坑 的形成。在 1.45 ms 左右时, 岩石内部形成的侧向裂 纹和剪切裂纹逐渐贯通至岩石上部的自由表面, 岩石 发生大面积的剪切破坏, 并形成大量碎屑, 此阶段岩石 碎屑体积仍较大。分析 1.22~1.45 ms 的作用过程可发 现, 复合冲击作用加速了侧向和剪切裂纹向自由面贯 通的过程, 并且促进了大块岩屑的形成。

最后阶段,在1.68 ms 左右时,如图 15g 所示,大 块岩屑在冲击作用下开始破碎形成小岩屑,破碎坑内 的岩屑与岩石表面剥离,达到破岩效果。在1.92 ms 左右时,如图 15h 所示,与钻齿接触的岩石部分基本已 在冲击作用下发生破碎,岩石的损伤区域逐渐向内部 延伸。但分析 1.68~1.92 ms 的作用过程也可发现, 在 该过程中, 岩石的破碎区和裂纹的发展趋势并无明显 变化, 这说明钻齿难以进一步向下破碎岩石。

复合冲击作用的整个过程是能量的积累和释放的 过程,在该过程中,复合冲击作用使钻齿尖端附近积蓄 大量能量,而能量的释放则造成了裂纹的萌生扩展和 贯通,进而产生破碎坑。

在复合冲击作用下,岩石首先会出现预损伤,随后 产生微裂纹。随着冲击速度的增大,微裂纹逐渐发展 形成较大裂纹,并形成岩屑。最后较大裂纹逐渐贯通 至岩石自由表面,形成剪切破坏区域。与此同时,岩石 的损伤破坏区域逐渐向岩石内部扩展,为下一次岩石 破碎做准备。在此过程中,钻齿的前方和下方的岩石 均被破碎,形成了"立体破岩"效果,如图 16 所示。



Fig.16 Debris formation and crack propagation law

上文分析了单钻齿的复合冲击破岩过程,通过分 析发现,该过程主要是促进了裂纹的萌生扩展和破碎 坑的形成。复合冲击下岩石的破碎主要分为4个阶段: (1)裂纹产生阶段,该阶段主要是尖端裂纹的产生和微 裂纹的萌生和扩展,岩石开始产生初步损伤;(2)裂纹 扩展阶段,在该过程中,岩石内部的微裂纹进一步发展, 并形成侧向裂纹和剪切裂纹等;(3)破碎区形成阶段, 侧向裂纹和剪切裂纹逐渐发展并贯通至岩石的自由表 面,形成破碎坑和大块岩屑,同时岩石内部的剪切裂纹 和侧向裂纹有逐步向岩石内部发展的趋势;(4)岩屑剥 离阶段,在该阶段中,大块岩屑被冲击撞碎形成较小岩 屑,岩石发生拉剪破坏形成破碎坑,岩屑剥离岩石。通 过对该过程的分析可发现,复合冲击作用加速了径向 剪切裂纹、侧向裂纹和侧向主裂纹等宏观裂纹的产生, 使岩石发生预损伤,有利于破岩效率的进一步提升。

## 3 复合冲击破岩影响因素及效应分析

PDC 钻头设计的不合理常导致钻齿崩裂等问题 的产生,建立钻齿的切削力学模型是 PDC 钻头进行合 理设计的前提和基础。当前,钻齿切削力学模型主要 围绕两方面来研究:一方面,通过分析钻齿的接触弧长、 切削面积和岩石的参数等,建立钻齿和各变量之间的 回归关系,从而得到钻齿侵入切削破岩的经验模型,但 该模型无法揭示钻进过程中的破岩机理;另一方面,结 合室内实验和数值模拟,建立单钻齿侵入切削破岩力 学模型,并进一步开展验证,该过程可以同步分析钻齿 破岩机理。本文采用连续-非连续介质力学方法,通过 建立单钻齿的破岩力学模型,研究岩石在复合冲击作 用下从连续介质到非连续介质的损伤演化过程。

### 3.1 切削深度

钻进参数及钻齿的尺寸会影响钻齿切入岩层的深度,进而影响钻齿切削时的受力状态。本节基于所建 立的复合冲击单齿侵入破岩数值模型,分析复合冲击 作用下钻齿切入深度和切削力的关系。在保持其他参 数固定不变的前提下,将钻齿的切削深度分别设置为 2、3、4、5、6、7 mm,在对结果的分析过程中,建立了 钻齿和切削力的相互作用关系,并通过分析岩石的破 碎体积来评价破岩效率。

图 17 为钻齿在不同切入深度下的破岩效果图。 通过对该过程分析发现,当钻齿吃入岩层的深度较浅 时,钻齿与岩层的接触面积和接触弧长较小,钻齿的冲 击做功几乎全部用来粉碎表面的岩层。此时,在钻齿 的前方和下方产生的岩石碎屑均较小,岩石的破碎体 积也较小,在图 17a 中效果较为明显。随着钻齿吃入 岩层深度的增大,钻齿与岩层的接触面积也相应增大, 岩石的破碎体积增大,图 17e 和图 17f 效果较为明显。





钻齿的冲击做功一部分用于破碎岩层表面岩石,另一部分则对岩层内部产生损伤,加速裂纹向岩层内部的 延伸和扩展,如图 17c 和图 17d 所示。当钻齿切入岩 层的深度更进一步加深时,钻齿与岩层的接触面积变 大,岩层的破坏区域变大,易产生较大的岩屑,但难以 进一步对岩层产生破坏,如图 17e 和图 17f 中所示。

钻齿的切削力随着切削深度的增加而增加,同等 条件下使钻齿保持较小的切入深度可提高钻齿的使用 寿命。但是,通过对图 17 的作用过程可发现,较小的 切入深度会使岩层表面的岩石破碎范围较小,同时产 生更小的岩屑,难以对深处岩层产生进一步的破坏。 因此,为合理利用能量,提高破岩的效率,将进一步通 过岩石的破碎体积来评价破岩效果。

在数值分析的基础上分别监测了不同切入深度下 岩石的破碎体积,如图 18 所示,钻齿受到的切削力在 2~6 mm 切入深度范围内总体呈现上升趋势。这是由 于当钻齿的切入深度较小时,钻齿与岩层的接触面积 较小,钻齿对岩层的破坏范围也较小,此时钻齿的冲击 做功主要用于破碎小范围的岩石,难以对岩层产生深 入破坏。随着钻齿吃入岩层深度的增加,钻齿与岩层 间的接触面积增大,钻齿对岩层的破坏范围变大。钻 齿的冲击做功可用于破碎表面岩层和加速裂纹向岩层 内部的延伸扩展,此时产生的岩屑较多,且可观察到裂 纹向岩石内部扩展,为下一步破岩创造条件。而当钻 齿吃入岩层的深度继续增大时,钻齿的冲击做功则难 以破碎岩层的表面,只能使岩层产生大范围的损伤,同 时钻齿所受的切削力也较大,此种条件下也易发生钻 齿的崩坏现象。

通过分析钻齿的切削力和岩石的破碎体积发现, 若要保证良好的破岩效果,可选择切入深度为6mm。 此时钻齿的破岩效果最好,相应地,钻齿的切削力也最 大,在钻齿设计时需综合考虑钻齿的强度参数。



## 3.2 钻齿前倾角度

钻齿的前倾角度是影响冲击能量在水平和垂直方向分布的重要参数,本节分析了钻齿前倾角和破岩效率的关系。在保持其他因素不变的前提下,设定钻齿的前倾角度分别为 10°、15°、20°、25°、30°、35°。通过对数值模拟结果和数据的分析,建立钻齿前倾角和切削力的关系,并结合岩石的破碎体积来确定钻齿的最优冲击前倾角度。

图 19 为不同倾斜角度下的破岩效果。通过分析 该过程发现,钻齿的前倾角度影响了轴向冲击和扭转 冲的能量分布,当钻齿的前倾角度较小时,钻齿前方岩 石的破碎体积较小,且岩层内部的裂纹发展速度较慢, 图 19a 和图 19b 效果比较明显。随着钻齿前倾角度的 增大,钻齿前方的岩石破碎体积变大,且产生体积较大 的岩屑,同时裂纹逐渐增多,有向岩石内部延伸扩展的 趋势,图 19e 和图 19f 效果较明显。



钻齿切削力及破岩体积如图 20 所示,通过数据分 析可发现,随着钻齿前倾角的增大,钻齿所受到的切削 力呈现先减小后增大的趋势。当钻齿的前倾角在 10°~30°范围内时,其所受的切削力呈现下降趋势,且 下降的幅度较大。在 30°~35°范围内时,切削力呈现增 大的趋势,当钻齿的前倾角度为 30°时,钻齿的切削力 取得最小值。随着前倾角的增大,钻齿前方的岩石损 伤破坏面积先减小后增大,当钻齿的前倾角度较大时, 岩石产生的裂纹逐渐向内部延伸和扩展,产生较大的 岩石碎屑。这是由于随着钻齿前倾角度的增大,作用 在水平方向上的冲击能量随之增大,作用于垂直方向 上的冲击能量逐渐减小,通过图 19 也可发现,随着前 倾角的增大,宏观裂纹的数量也逐渐增加,说明轴向冲 击作用对宏观裂纹的发育影响较大。



图 20 前倾角度-切削力、岩石破碎体积曲线 Fig.20 Relationship of rake angle, penetrating force and rock breaking volume

通过分析不同前倾角度下的破岩体积发现,岩石 破碎体积在前倾角 10°~25°时呈下降趋势,在 25°~35° 呈现上升趋势。同时结合钻齿在破岩时所受到的最大 切削力发现,当钻齿前倾角在 30°左右时,钻齿所受的 切削力最小,此时将有效保护钻齿,防止发生崩齿现象。 若要综合考虑破岩效果,可选择较小的破岩效果,如选 取前倾角 10°~15°,此时岩石的破碎体积较大,破岩效 率较高。

#### 3.3 轴向冲击速度幅值

冲击速度幅值的增大会增加钻齿单次冲击的能量, 在保持其他参数不变的前提条件下,研究轴向冲击速 度幅值对破岩效率的影响,分析不同轴冲速度幅值下 的破岩规律。分别选取轴向冲击速度的幅值为 0.2、 0.4、0.6、0.8、1.0、1.2 m/s。

图 21 为不同轴向冲击速度对破岩效果的影响。 随着钻齿轴向冲击速度的增大,钻齿下方岩石的破碎 体积逐渐增大。在较大的轴向冲击速度下,钻齿下方 的岩石更易产生侧向裂纹,轴向冲击速度的增大加速 了宏观裂纹的萌生和扩展,更容易使岩石发生破坏。

当钻齿的轴向冲击速度较小时,钻齿在轴向吃入 岩层的深度就会变小,此时配合扭转冲击速度可使岩 层表面发生小范围破坏。随着钻齿冲击速度的增大, 岩层在冲击作用下会迅速出现损伤演化,岩层内部也 会进一步产生裂纹。

图 22 为不同轴向冲击速度幅值下钻齿切削力及 破岩体积变化的关系,随着轴向冲击速度的增加,岩石



penetrating force and rock breaking volume

的破碎体积呈现增大的趋势,当冲击速度幅值位于 0.8~1.0 m/s 时,岩石破碎体积增加的速度最大。轴向 冲击速度的增大更利于岩石的损伤演化,轴向冲击速 度幅值越大,岩石体积的破碎范围就越大。钻齿所受 到的最大切削力在 0.2~0.6 m/s 和 0.8~1.2 m/s 范围内 增大,在 0.6~0.8 m/s 范围内减小。当钻齿的轴向冲击 速度幅值取得 0.8 m/s 时,钻齿所受的切削力最小。同时,分析岩石破碎体积曲线可知,随着轴向冲击速度的 增加,岩石破碎体积也不断增大,选择较大的轴向冲击 速度有利于提高破岩效率。同时结合钻齿所受到的最 大切削力,当钻齿的轴向冲击速度幅值为 0.8 m/s 时, 钻齿可得到有效的保护。

## 3.4 扭转冲击速度幅值

在保持其他参数不变的前提条件下,进一步分析 扭转冲击速度幅值的切削作用对破岩效率的影响,分 别选取扭转冲击速度的幅值为 0.1、0.2、0.3、0.4、0.5、 0.6 m/s。通过对数值模拟结果和数据的对比研究,分 析不同扭转冲击速度下的破岩规律,建立扭转冲击速 度幅值和切削力的关系,并结合岩石破碎体积,确定了 钻齿的最优冲击速度参数。

图 23 为不同扭转冲击速度对破岩效果的影响。 当扭转冲击速度的幅值较小时,钻齿前方和下方的岩 石破碎范围较小,岩石产生的碎屑也较小。随着冲击 速度幅值的增大,钻齿对岩石的破碎范围增大,岩石内 部产生较多的宏观裂纹。这是由于当钻齿的冲击速度 较小时,钻齿积蓄的能量较小,难以对钻齿前方和下方 的岩石产生进一步破碎。冲击速度幅值的增大加速了 宏观裂纹的产生和扩展。



当钻齿的扭转冲击速度幅值较小时,钻齿积蓄的 能量较小,钻齿难以进一步切削岩层,此时钻齿仅能对 小范围内的岩层产生破坏,易产生较小的岩屑。随着 扭转冲击速度幅值的增大,钻齿的切削能力增大,岩层 在冲击作用下产生密实核和破碎区,岩层的内部也将 会出现损伤破坏,同时出现宏观裂纹的扩展现象,此时 能量利用率较高,能够达到较好的破岩效果。

图 24 为钻齿扭转冲击速度幅值和破碎体积关系

曲线,曲线整体呈现先增大后减小的趋势。在初始阶段,岩石的破碎体积较小,随着扭转冲击速度幅值的增加,岩石破碎体积逐渐增大,当扭转冲击速度幅值达到0.3 m/s时,岩石破碎体积达到最大,同时钻齿所受到的切削力也较小。从破岩效率和钻齿寿命两方面来综合考虑,当扭转冲击速度为0.3 m/s时,钻齿的寿命可得到有效延长,且此时岩石的破碎体积较大,具有良好的破岩效果。



图 24 扭转冲击速度-最大切削力、岩石破碎体积曲线 Fig.24 Relationship of torsional impact velocity, maximum penetrating force and rock breaking volume

#### 4 结论

a. 基于连续-非连续分析方法, 建立了基于共享节 点的 FEM-DEM 耦合岩石模型, 该模型可将有限元与 离散元优势有机结合, 实现岩石材料从连续介质到非 连续介质的过渡。开展了室内单轴压缩实验, 从岩石 试件破坏现象及应力-应变曲线关系方面证明了该岩 石本构模型的合理性。在此基础上, 通过 JavaScript 二次开发, 建立了适用于分析复合冲击破岩钻进的连 续-非连续数值计算模型, 可为钻齿参数的优化设计提 供一定的借鉴。

b.复合冲击作用是一个能量积累和释放的过程, 在复合冲击作用下,钻齿的前方和下方岩石均发生大 体积破碎,相较于单维度的轴向冲击或扭转冲击,复合 冲击可实现"立体破岩"效果,减小钻头的粘滑效应。 同时,复合冲击作用加速了径向剪切裂纹、侧向裂纹 和侧向主裂纹等宏观裂纹的产生,使岩石发生预损伤, 更利于破岩效率的进一步提升。

c. 钻齿的切入深度、冲击角度、轴向冲击速度幅 值、扭转冲击速度幅值是影响复合冲击破岩效果的关 键因素。钻齿的破岩效果随着切入深度的增大逐渐呈 增长趋势, 钻齿切入深度为 6 mm 时, 钻齿的破岩效果 最好, 但钻齿所受的切削力也最大; 冲击角度影响了冲 击能量在水平和垂直方向分布, 较小的前倾角度下可 实现较好的破岩效果,如前倾角在 10°~15°时破岩效率 较高;选择较大的轴向冲击速度有利于提高破岩效率, 当钻齿的轴向冲击速度幅值为 0.8 m/s 时,钻齿破岩效 果较好,且钻齿可得到有效的保护;当扭转冲击速度 为 0.3 m/s 时,钻齿的寿命可得到有效延长,且此时岩 石的破碎体积较大,具有良好的破岩效果。

d. 钻头复合冲击破岩是一个动力学和静力学耦合 的复杂过程。本文仅围绕复合冲击作用下的单钻齿侵 入破岩规律开展了具体研究,而在岩石的破碎能耗规 律方面涉及较少。建议在后续研究中,可围绕岩石塑 性耗能和脆性耗能情况、动静态荷载作用下岩石的应 力场演化规律、岩石的破碎比能耗关系等方面开展针 对性研究。同时,开展多种地质情况下的现场实验,建 立不同钻进参数、不同地层参数的关系,以便更好地 指导实际施工。

## 参考文献(References)

- 李术才,李利平,孙子正,等. 超长定向钻注装备关键技术分析 及发展趋势[J]. 岩土力学, 2023, 44(1): 1-30.
   LI Shucai, LI Liping, SUN Zizheng, et al. Key technology analysis and development trend of the equipment for ultra-long directional drilling and grouting[J]. Rock and Soil Mechanics, 2023, 44(1): 1-30.
- [2] 徐正宣,张利国,蒋良文,等.川藏铁路雅安至林芝段工程地质 环境及主要工程地质问题[J].工程科学与技术,2021,53(3): 29-42.

XU Zhengxuan, ZHANG Liguo, JIANG Liangwen, et al. Engineering geological environment and main engineering geological problems of Ya'an–Linzhi section of the Sichuan–Tibet Railway[J]. Advanced Engineering Sciences, 2021, 53(3): 29–42.

- [3] QIN Chengshuai, MA Chuanyi, LI Liping, et al. Development and application of an intelligent robot for rock mass structure detection: A case study of Letuan tunnel in Shandong, China[J]. International Journal of Rock Mechanics and Mining Sciences, 2023, 169: 105419.
- [4] 李利平, 成帅, 张延欢, 等. 地下工程安全建设面临的机遇与挑战[J]. 山东科技大学学报(自然科学版), 2020, 39(4): 1-13.
  LI Liping, CHENG Shuai, ZHANG Yanhuan, et al. Opportunities and challenges of construction safety in underground engineering projects[J]. Journal of Shandong University of Science and Technology (Natural Science), 2020, 39(4): 1-13.
- [5] 柳贡慧,李玉梅,李军,等.复合冲击破岩钻井新技术[J].石油 钻探技术,2016,44(5):10-15.
  LIU Gonghui, LI Yumei, LI Jun, et al. New technology with composite percussion drilling and rock breaking[J]. Petroleum Drilling Techniques, 2016, 44(5): 10-15.
- [6] 邓银江,郭正伟,魏秦文,等.复合冲击破岩钻井提速工具研究[J]. 重庆科技学院学报(自然科学版), 2022, 24(2): 111-116. DENG Yinjiang, GUO Zhengwei, WEI Qinwen, et al. Research on speed tool for composite percussive rock-breaking drilling[J]. Journal of Chongqing University of Science and Technology(Natural Science Edition), 2022, 24(2): 111-116.
- [7] QIN Jianyu, YIN Siyuan, YANG Naitong, et al. A new mechanical specific energy model for composite impact drilling[J]. Ap-

plied Sciences, 2022, 12(20): 10356.

[8] 豆旭谦,姚宁平,李秀山,等.基于单柱齿破岩过程的高压液动 冲击回转钻进试验研究[J].煤田地质与勘探,2022,50(12): 170-176.

DOU Xuqian, YAO Ningping, LI Xiushan, et al. Experimental study on high–pressure hydraulic percussive rotary drilling based on single–tooth rock–breaking process[J]. Coal Geology & Exploration, 2022, 50(12): 170–176.

- [9] LIU Shubin, NI Hongjian, JIN Yan, et al. Experimental study on drilling efficiency with compound axial and torsional impact load[J]. Journal of Petroleum Science and Engineering, 2022, 219: 111060.
- [10] 穆总结,李根生,黄中伟,等. 轴扭耦合冲击钻井技术研究[J]. 石油机械, 2018, 46(10): 12-17.
  MU Zongjie, LI Gensheng, HUANG Zhongwei, et al. Research on axial-torsional coupling percussion drilling technology[J]. China Petroleum Machinery, 2018, 46(10): 12-17.
- [11] 闫炎, 管志川, 玄令超, 等. 复合冲击条件下PDC钻头破岩效率 试验研究[J]. 石油钻探技术, 2017, 45(6): 24-30. YAN Yan, GUAN Zhichuan, XUAN Lingchao, et al. Experimental study on rock breaking efficiency with a PDC bit under conditions of composite percussion[J]. Petroleum Drilling Techniques, 2017, 45(6): 24-30.
- [12] 查春青,柳贡慧,李军,等. 复合冲击钻具的研制及现场试验[J]. 石油钻探技术, 2016, 45(1): 57-61.
  ZHA Chunqing, LIU Gonghui, LI Jun, et al. Development and field application of a compound percussive jet[J]. Petroleum Drilling Techniques, 2016, 45(1): 57-61.
- [13] JI Zhaosheng, SHI Huaizhong, LI Gensheng, et al. Improved drifting oscillator model for dynamical bit–rock interaction in percussive drilling under high–temperature condition[J]. Journal of Petroleum Science and Engineering, 2019, 186(45): 106772.
- [14] LIU Weiji, ZHU Xiaohua, LYU Yanxin, et al. On the mechanism of thermally induced micro-cracking assisted rock cutting in hard formation[J]. Journal of Petroleum Science and Engineering, 2021, 196: 107666.
- [15] SAADATI M, FORQUIN P, WEDDFELT K, et al. Granite rock fragmentation at percussive drilling–experimental and numerical investigation[J]. International Journal for Numerical and Analytical Methods in Geomechanics, 2014, 38(8): 828–843.
- [16] FRANCA L F P. A bit-rock interaction model for rotary-percussive drilling[J]. International Journal of Rock Mechanics and Mining Sciences, 2011, 48(5): 827–835.
- [17] 陈少成. 基于液动冲击器的硬地层高效破岩技术研究[D]. 西安: 西安石油大学, 2020.
  CHEN Shaocheng. Research on efficient rock breaking technology of hard formation based on hydraulic impactor[D]. Xi'an: Xi'an Shiyou University, 2020.
- [18] FENG Chun, LIU Xinming, ZHU Xinguang, et al. Numerical study on crushing law of iron ore under different impact velocity using CDEM[C]//IOP Conference Series: Earth and Environmental Science. IOP Publishing, 2021, 861(4): 042069.
- [19] 刘新明, 冯春, 林钦栋. 基于连续-非连续单元法的三维脆性颗 粒冲击破碎特性分析[J]. 计算力学学报, 2022, 39(3): 299-306. LIU Xinming, FENG Chun, LIN Qindong. Analysis of 3D brittle particle impact crushing characteristics based on CDEM[J]. Chinese Journal of Computational Mechanics, 2022, 39(3): 299-306.
- [20] YUE Zhongwen, ZHOU Jun, FENG Chun, et al. Coupling of ma-

terial point and continuum discontinuum element methods for simulating blast-induced fractures in rock[J]. Computers and Geotechnics, 2022, 144: 104629.

- [21] KUANG Yuchun, ZHANG Mingming, FENG Ming, et al. Simulation and experimental research of PDC bit cutting rock[J]. Journal of Failure Analysis and Prevention, 2016, 16(6): 1101–1107.
- [22] 李玉梅,张涛,苏中,等.复合冲击频率配合特性模拟研究[J]. 石油机械, 2019, 47(9): 30-36.
  LI Yumei, ZHANG Tao, SU Zhong, et al. Simulation study on composite percussion frequency matching characteristics[J]. China Petroleum Machinery, 2019, 47(9): 30-36.
- [23] 彭旭,郝世俊. 全尺寸PDC钻头复合冲击破岩机理的有限元分析[J]. 煤田地质与勘探, 2021, 49(2): 240-246.
  PENG Xu, HAO Shijun. Rock breaking mechanism of composite impact of full -size PDC bit based on finite element analysis[J]. Coal Geology & Exploration, 2021, 49(2): 240-246.
- [24] WANG Wei, LIU Gonghui, LI Jun, et al. Numerical simulation study on rock-breaking process and mechanism of compound impact drilling[J]. Energy Reports, 2021, 7: 3137–3148.
- [25] 祝效华,曾理,李柯. 中浅层水平井钻柱振动分析及加压方案 研究[J]. 振动与冲击, 2020, 39(23): 190-201.
  ZHU Xiaohua, ZENG Li, LI Ke. Drill string vibration analysis and pressurization scheme for medium -shallow horizontal wells[J]. Journal of Vibration and Shock, 2020, 39(23): 190-201.
- [26] WANG Yong, NI Hongjian, TU Yiliu, et al. Experimental study on axial impact mitigating stick–slip vibration with a PDC bit[J]. Shock and Vibration, 2021, 2021: 8897283.
- [27] 祝效华, 李柯. 铝合金钻杆在长水平井段延伸钻进的可行性[J]. 天然气工业, 2020, 40(1): 88-96. ZHU Xiaohua, LI Ke. Feasibility of extended drilling of aluminum alloy drill pipes in long horizontal wells[J]. Natural Gas Industry, 2020, 40(1): 88-96.
- [28] 况雨春,曾昭安,张毅,等. 基于离散元方法的PDC钻头破岩仿 真研究[J]. 地下空间与工程学报, 2019, 15(3): 835-841. KUANG Yuchun, ZENG Zhaoan, ZHANG Yi, et al. Simulation of PDC bit cutting rock based on discrete element method[J]. Chinese Journal of Underground Space and Engineering, 2019, 15(3): 835-841.
- [29] 张海平,刘晓丹,王甲昌,等. 新型旋转冲击复合钻井工具结构 设计与运动仿真研究[J]. 机械强度, 2017, 39(2): 392-396. ZHANG Haiping, LIU Xiaodan, WANG Jiachang, et al. Structural design and motion simulation research on a new type composite rotary percussion drilling tool[J]. Journal of Mechanical Strength, 2017, 39(2): 392-396.
- [30] MENDOZA J A, GAMWO I K, ZHANG W, et al. Discrete element modeling of rock cutting using crushable particles[J]. American Rock Mechanics Association, 2010.
- [31] 祝效华,李聪,刘伟吉,等.强研磨性地层中PDC钻头井底热-流-固三场耦合研究[J]. 工程设计学报, 2022, 29(4): 446-455.
  ZHU Xiaohua, LI Cong, LIU Weiji, et al. Study on bottom hole thermal-fluid-solid coupling of PDC bit in strong abrasive formation[J]. Chinese Journal of Engineering Design, 2022, 29(4): 446-455.
- [32] ZHU Xiaohua, LUO Yunxu, LIU Weiji. The rock breaking and ROP increase mechanisms for single-tooth torsional impact cutting using DEM[J]. Petroleum Science, 2019, 16(5): 1134-1147. (责任编辑 郭东琼)